

# 이진 상보형 수열 쌍을 대역확산 부호로 사용하고 16-QAM 변조 기법을 이용한 MC-CDMA 신호의 전력 포락선 특성 분석

정회원 최 병 조\*

# Crest Factors of 16-QAM Modulated Multicode MC-CDMA Signals Employing Complementary Sequences

Byoung-Jo Choi\* Regular Member

#### 요 약

본 논문은 이진(binary) 상보형 수열 쌍(complementary pair)을 대역확산 부호로 사용하여 16-QAM 변조된 2개 의 심볼을 동시에 전송하는 MC-CDMA(Multi-Carrier Code Division Multiple Access) 신호의 전력 포락선 특성 분석에 대한 것이다. 전력 포락선 분석을 통해 그 특성을 결정짓는 16-QAM 심볼 조합의 관계를 파라미터로 도 출하고, 256개의 가능한 전송 심볼 조합 가운데 오직 60개의 서로 다른 전력 포락선이 존재함을 보였다. 또한 복 소 평면에서 직관적 등가 변환 관계를 고찰하고 60개의 전력 포락선이 결국 16개의 서로 다른 전력 포락선 변이 도(crest factor)를 유발함을 확인하였다. 동일한 변조 기법을 채택한 단일 반송파 신호와 비교하기 위하여 전력 포 락선 변이도를 두 전송 심볼의 조합에 의해 발생하는 평균 전력에 따라 분류하였을 때, 전송 심볼의 모든 조합에 대하여 전력 포락선의 변이도가 3dB 이하임을 증명하였다.

Key Words : Crest Factor, PMEPR, MC-CDMA, QAM, Complementary Sequence

#### ABSTRACT

The crest factor properties of 16-QAM modulated one- and two-code assisted multi-carrier code-division multiple-access (MC-CDMA) signals employing complementary pair as spreading sequences are characterized. It is shown that a set of relationship between the two 16-QAM symbols entirely characterize the power envelope waveforms of the signals. There exists 60 different sets of relationship, which results in 16 different crest factors as a result of various equivalent transforms on the corresponding message symbols. It is also shown that the individual crest factor corresponding to each message combination is always bounded by 3dB.

# I. 서 론

사인, 코사인과 같은 삼각함수 파형으로 나타내 어지는 신호를 여러 개 더하여 발생시킨 신호의 진 폭은 더하여 지는 원래 신호의 진폭보다 증가하는 특성이 있다. 이러한 진폭 증가를 줄여 보려는 노력 은 수학<sup>(1, 2)</sup>, 레이다<sup>(3)</sup>, 측정 등 다양한 분야에서 연 구되어 왔다. 통신 분야에서 널리 사용되고 있는 직교 주파수 분할 다중화(OFDM: Orthogonal Frequency Division Multiplexing) 변조 기법<sup>(4, 5)</sup>에 의한 신호

<sup>※</sup> 본 연구는 인천대학교 2005년도 자체연구비 지원에 의하여 수행되었습니다.

<sup>\*</sup> 인천대학교 멀티미디어시스템공학과(bjc97r@incheon.ac.kr)

논문번호 : KICS2006-07-297, 접수일자 : 2006년 7월 6일, 최종논문접수일자 : 2006년 8월 25일



그림 1. K개의 다중 대역 확산 부호를 사용하고 16-QAM을 적용한 MC-CDMA 송신기의 구조, 단선은 이진 신호를, 복선은 복소수 신호를 나타내며 N은 부 반송 파의 개수로 대역확산 코드의 길이와 같다.

역시 원시 주파수(fundamental frequency)를 갖는 삼각함수의 고조파(harmonics)들로 이루어진 여러개 의 반송파의 합으로 표현된다. 따라서 OFDM 신호 의 진폭 변화가 심하기 때문에 신호 왜곡을 피하기 위해서는 전력 증폭기의 선형 영역에서 동작시켜야 한다. 이러한 선형 동작 영역은 전력 증폭기의 최대 전력 보다 낮은 전력값을 나타내기 때문에 증폭기 의 효율을 떨어뜨린다. 이러한 OFDM의 단점을 극 복하기 위하여 부호화 기법<sup>[6, 7]</sup> 등 다양한 방법<sup>[16]</sup>들 이 연구되어 왔다. 최근에는 정보 전송량을 증가시 키기 위하여 OFDM의 부 반송파에 QAM 변조 기 법을 사용하는 시스템에 적용 가능한 16-QAM 상보 형 수열(complementary sequence, Golay code)<sup>[8]</sup>을 이용한 전력 변이도 감소 부호화 기법<sup>[9, 10]</sup>도 제안 되었다.

한편 OFDM과 CDMA의 장점을 얻기 위하여 OFDM의 부 반송파들에 대역 확산 부호를 적용한 MC-CDMA 신호도 OFDM과 같이 전력의 진폭 변화 가 심하여 이를 해결하기 위한 다양한 연구<sup>111, 14, 151</sup>가 수행되어 왔다. BPSK 변조 기법을 사용하는 MC-CDMA 신호의 전력 포락선 특성<sup>[12]</sup>은 사용된 대역 확산 부호의 자기 상관 함수 (autocorrelation function)와 교차 상관 함수 (crosscorrelation function) 에 의해 결정된다는 것이 알려져 있다. 참고문헌 [12]는 상보형 수열<sup>[8]</sup>을 기반으로 한 대역 확산 부 호를 적용하면 1, 2, 4개의 다중 대역 확산 부호를 사 용하여 동시에 1, 2, 4비트를 전송하는 MC-CDMA 신호의 전력 변이도를 3dB 이하로 제한 할 수 있 음을 보여 주고 있다. 이렇게 상보형 수열이 다른 대역확산부호와 비교하여 낮은 진폭 변이도를 나타 내는 것은 상보형 수열 쌍의 자기 상관 함수 합이 Kronecker delta 함수로 주어지는 특성에 기반을 두 고 있다. 한편, OFDM의 경우와 같이 MC-CDMA 시스템에 16-OAM 변조 기법을 적용하였을 경우의 전력 변이도에 대한 분석 결과는 아직 문헌에 보고 된 바 없다. 참고문헌 [9]는 이진 상보형 수열 대신 16-QAM 상보형 수열을 부호로 사용하여 OFDM에 적용하였을 경우 전력변이도를 분석한 것이다. 그러 나, 본 논문은 참고 문헌 [9]와 다르게, 이진 상보 형 수열 쌍을 대역확산 부호로 사용하고 16-OAM 변조 기법을 이용하는 MC-CDMA 신호의 전력 포 락선을 분석하고 전력 변이도의 최대값을 도출한다. 또한 간단한 부호화 기법을 통해 전체 심볼에 대한 전력 변이도를 감소시킬 수 있음을 보인다. 한편, 본 논문과 같이 이진 상보형 수열을 대역확산 부호 로 사용하는 MC-CDMA 신호를 분석한 참고문헌 [12]는 BPSK 변조 기법을 적용한 것이고 본 논문 은 [12]의 결과를 16-QAM 변조 기법에 대하여 확 장한 것이다.

서론에 이어 제 ∏장에서는 대상 시스템의 모델 을 제시하고 전력 포락선과 전력 변이도를 정의한 다. 제 Ⅲ장에서는 이진 상보형 부호쌍을 대역확산 부호로 사용하고 16-QAM 변조 기법을 적용한 MC-CDMA 신호의 포락선 분석을 수행하고 전력 변이도의 최대값 및 확률 분포를 제시한다. 마지막 으로 제 Ⅳ장에서 결론 및 향후 연구 방향을 제시 한다.

#### Ⅱ. 시스템 모델 및 전력 포락선

본 논문에서 고려하는 다중 부호 MC-CDMA 시 스템의 송신기 구조를 그림 1에 나타내었다. K개의



그림 2. 16-QAM constellation 및 비트 매핑

다중 대역 확산 부호를 이용하므로 K명의 서로 다 른 사용자로부터 전송하고자 하는 비트 열을 독립 적으로 입력 받을 수 있다. 한편, 동일한 구조를 이 용하여 한 사용자로부터의 정보를 K개의 병렬 비트 열로 분할하여 전송할 수도 있다. 그림 1에 나타낸 송신기는 k번째 사용자로부터 받은 비트열을 4 비 트씩 결합하여 16-QAM 심볼인 dk를 생성하고, 길 이가 N인 대역확산 부호 Gk를 곱한 후, 다른 사용 자로부터 발생된 신호화 합하여 N개의 부 반송파를 이용해 전송하는 구조를 가지고 있다. 이렇게 발생 된 신호의 기저대역 복소 포락선 표현  $s^{(X)}(t)$ 를 한 전송 구간 [0, T)에 대하여 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$s^{(K)}(t) = \frac{1}{\sqrt{10KN}} \sum_{k=0}^{K-1} d_k C_k(z)$$
(1)

여기서 K는 사용된 다중 대역 확산 부호의 개수를 나타내며, N은 대역 확산 부호의 길이로 부 반송파 의 개수와 같다. 한편,  $d_k$ 는 k번째 사용자가 전송하 고자 하는 16-QAM 심볼을 나타내며 그림 2의 복 소 평면에 나타낸 점 가운데 하나의 값을 갖는다. 16-QAM 변조된 신호의 평균 전력을 1로 정규화 하기 위하여 식 (1)의 분모에 √10을 사용하였다.  $C_k(z)$ 는 k번째 사용자의 대역 확산 부호  $c_k$ 의 z-변 환값으로 다음과 같이 정의된다.

$$C_k(z) = \sum_{n=0}^{N-1} c_k[n] z^n$$
(2)

식 (2)에서  $c_k[n] \in \pm 1$ 이며  $z \in z = e^{j2\pi t/T}$ 로 주어진

다. 따라서 식 (1)로 주어지는 MC-CDMA 신호  $s^{(K)}(t)$ 는 삼각 함수 고조파의 합에 해당하여 서론 에서 언급한 것과 같이 심한 진폭 변이를 동반하게 된다. 이러한 진폭 변이를 정량화한 진폭 변이도 (CF: Crest Factor)<sup>[13]</sup>는 최대값을 RMS (Root Mean Square) 값으로 나눈 것으로 다음과 같이 정 의된다.

$$CF = \frac{\max_{t} |s^{(K)}(t)|}{\sqrt{\frac{1}{T} \int_{T} |s^{(K)}(t)|^{2} dt}}$$
(3)

문헌에 따라 진폭 변이도의 제곱 값인 전력 변이도 (PF: Peak Factor), 또는 최대전력대 평균전력비 (PMEPR: Peak-to-Mean Envelope Power Ratio)를 사용하기도 하며, 같은 의미의 PAR/PAPR을 사용 하기도 하는데 이는 Peak-to-Average power Ratio 의 약자에 해당한다<sup>[11]</sup>. 한편 식 (3)의 분모에 사용 된  $|s^{(K)}(t)|^2$ 은 본 논문에서 분석하고자 하는 전력 포락선 (power envelope)으로 시간에 따른 전력의 변화를 나타내며  $P^{(K)}(t)$ 로 표기하기로 한다. 전력 포락선  $P^{(K)}(t)$ 는 대역 확산 부호의 특성뿐만 아니 라 전송 심볼에 의해 영향을 받는다. 한편, 시간에 대한 평균 전력  $\overline{P}^{(K)}$ 는 다음과 같이 정의된다.

$$\overline{P}^{(K)} = \frac{1}{T} \int_{T} P^{(K)}(t) dt \tag{4}$$

식 (4)에 의해 정의된 평균 전력 P<sup>K</sup>는 대역 확산 부호의 영향을 받지 않고 오직 K개의 전송 심볼에 의해 결정된다. 식 (3)에서 정의한 진폭 변이도의 제곱값인 전력 변이도는 전력 포락선의 최대값과 평균 전력의 비율이 되며 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$PF = \frac{\max_{t} P^{(K)}(t)}{\overline{P}^{(K)}}$$
(5)

전력 변이도는 K개의 16-QAM 전송 심볼의 조 합에 영향을 받는다. 이러한 조합 가운데 m번째 조 합을 Ψ<sub>m</sub>으로 나타내면 다음과 같이 주어진다.

$$\Psi_m = (\psi_0, \dots, \psi_k, \dots, \psi_{K-1}) \tag{6}$$

식 (6)은 각 사용자의 16-QAM 심볼  $d_k$ 가 그림 2에 나타낸 인덱스의  $\psi_k$ 에 해당하는 것을 나타내며

# www.dbpia.co.kr

$$PF_{D_{i}} = \frac{\max_{D_{i}} \left( \max_{q} P_{D_{i}(q)}^{(K)}(t) \right)}{\frac{1}{\eta} \sum_{l=0}^{\eta-1} \overline{P}_{D_{i}(l)}^{(K)}}$$
(7)

심볼 조합의 전체 집합을 *U*라고 하고 각각의 심볼 조합이 같은 확률로 전송될 경우 *PF<sub>U</sub>*는 모든 가능 한 심볼 조합에 의해 나타나는 전력 포락선의 최대 값으로 주어진다. 이것은 식 (7)에서 분모가 되는 모든 심볼 조합에 대한 평균 전력은 1이 되도록 식 (1)에서 정규화 상수를 도입하였기 때문이다. 한편 집합 *U*의 크기는 전송 심볼 조합의 모든 경우의 수 인 16<sup>K</sup>로 주어진다.

#### Ⅲ. 전력 포락선 분석 및 전력 변이도 고찰

이제 상보형 부호 쌍을 대역 확산 부호로 사용하는 시스템에 대하여 전력 포락선을 분석해 보자. 우 선 K=1인 경우를 간략히 살펴본 후 K=2인 경우에 대하여 분석해 보기로 한다.

### 3.1 K=1인 경우의 전력 포락선

하나의 16-QAM 심볼을 전송하는 MC-CDMA 시스템은 대역확산 부호와 이 심볼의 곱을 전력변 이도 감소 부호로 사용하는 OFDM 시스템<sup>[9,10]</sup>과 동일하다. 한 심볼  $\Psi_m = (\psi_m)$ 에 대하여 전력 포락선  $P_m^{(1)}(t)$ 를 구하면;

$$P_m^{(1)}(t) = |\mathbf{s}_m^{(1)}(t)|^2$$
  
=  $\frac{1}{10N} |d_{0,m}|^2 |C_0(z)|^2$   
 $\leq \frac{1}{10N} |d_{0,m}|^2 \{|C_0(z)|^2 + |C_1(z)|^2\}$   
=  $\frac{2}{10} |d_{0,m}|^2$  (8)

위 식에서 대역 확산 부호  $c_0$ 가  $c_1$ 과 상보형 부호 쌍을 이룰 경우  $|C_0(z)|^2 + |C_1(z)|^2 = 2.N$ 인 특성<sup>[8]</sup>을 이용하였다. 한편  $|C_0(z)|^2$ 은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$\begin{aligned} C_0(z)|^2 &= C_0(z) \bullet C_0^*(z) \\ &= \sum_{n=-N+1}^{n=N-1} R_{C_0}[n] e^{j2\pi \frac{nt}{T}} \\ &= N+2 \sum_{n=1}^{N-1} R_{C_0}[n] \cos\left(2\pi \frac{nt}{T}\right) \end{aligned}$$

따라서 전력 포락선  $P_m^{(1)}(t)$ 의 시간에 대한 평균 전력은  $\overline{P}_m^{(1)} = (1/10) | d_{0,m}^2$ 으로 주어진다. 이 평균전 력과 식 (8)로부터  $PF_m^{(1)} \leq 2$  (3dB) 라는 결론을 얻 을 수 있다. 그림 3은 서로 다른 평균 전력을 나타 내는 m = 0,1,5에 대하여 전력 포락선  $P_m^{(1)}(t)$ 을 나 타낸 것이다. 그림 2에서 관찰 할 수 있는 것과 같 이 16-QAM 심볼의 전력  $| d_{0,m} |^2$ 은 2, 10, 18의 세 가지 서로 다른 값을 나타내며, 식 (8)에서  $P_m^{(1)}(t)$ 는  $| d_{0,m} |^2$ 에 의해 결정되므로 그림 2의 한 동심원 위에 있는 모든 심볼들은 동일한 전력 포락선을 같 게 된다.





#### 3.2 K=2인 경우의 전력 포락선

이제 K=2인 경우의 전력 포락선에 대하여 고찰 해 보자. 어떤 한 심볼  $\Psi_m = (\psi_p, \psi_q)$ 에 해당하는 전 력 포락선  $P_m^{(2)}(t)$ 는 다음과 같이 나타내진다.

$$\begin{aligned} P_m^{(2)}(t) &= \left| s_m^{(2)}(t) \right|^2 \\ &= \frac{1}{20N} (A + B) \end{aligned}$$

집합	$\left( d_p ^2, d_q ^2 ight)$ 조합	$d_p d_q^*$	Н	$\eta$	$\overrightarrow{P}_{m}^{(2)}$	$\max P_{D_i}^{(2)}(t)$	$PF_{D_i}$
$D_0$	(2,2)	2 + 0j	4	16	0.2	0.4000	2.0000
$D_1$	(2, 10), (10, 2)	2 + 4j	16	64	0.6	1.1993	1.9988
$D_2$	(2, 18), (18, 2)	6 + 0j	8	32	1.0	1.9929	1.9929
$D_3$	(10, 10)	6+8j, 10+0j	12	64	1.0	2.0000	2.0000
$D_4$	(10, 18), (18, 10)	6 + 12j	16	64	1.4	2.7805	1.9861
$D_5$	(18,18)	18 + 0j	4	16	1.8	3.6000	2.0000

표 1. K=2인 경우 전력 포락선의 특성 인자의 조합과 평균 전력

위 식에서 A는 평균 전력을 결정하는 항으로 다 음과 같이 주어진다.

$$A = |d_n|^2 |C_0(z)|^2 + |d_n|^2 |C_1(z)|^2$$
(9)

한편 평균 전력은

$$\vec{P}_m^{(2)} = \left( |d_p|^2 + |d_q|^2 \right) / 20 \tag{10}$$

으로 주어진다. 식 (9)에서 |d<sub>µ</sub>|<sup>2</sup>과 |d<sub>µ</sub><sup>1</sup>은 각각 2, 10, 18 가운데 어느 한 값에 해당하므로 9가지 경 우의 수가 발생한다. 한편 B는 시간에 대한 평균값 이 0인 항으로 다음과 같이 주어진다.

 $B = d_p d_q^* C_0(z) C_1^*(z) + d_p^* d_q C_0^*(z) C_1(z)$ (11)

식 (9)와 식 (10)에 있는  $|d_p|^2$ ,  $|d_q|^2$ ,  $d_pd_q^2$ 의 조합은 계산 결과 모두 60개의 경우의 수가 있음을 확인하 였다. 특정  $(|d_p|^2, |d_q|^2)$  조합에 대하여  $d_pd_q$ 값이 u+jv인 경우, 그 조합에 대하여  $d_pd_q^4$  값이  $\pm u\pm jv$ 와  $\pm v\pm ju$ 일 때도 가능한 60개의 조합에 항상 포함됨 을 관찰 할 수 있었다. 따라서 모든 경우의 수를 나타낸 표 1에는  $(|d_p|^2, |d_q|^2)$  조합과  $d_pd_q^4$ 값의 대표 값으로 u+jv만을 나타내었다. 또한 해당 조합에 대 한 경우의 수 H, 심볼 조합의 경우의 수  $\eta$ , 평균 전력  $\overline{P}_m^{(2)}$  및 N=16일 때 계산한 전력 포락선의 최 대값과 해당 집합에 대한 전력 변이도  $PF_{D_1}$ 도 표 1에 함께 나타내었다. 표 1을 관찰해 보면 N=16인 경우 모든 전송 심볼 조합에 대한 전력 변이도가 2.0 이하임을 알 수 있다. 과연 이러한 경향이 임의 의 N에 대하여도 성립하는지 고찰해 보기로 하자.

먼저 임의의 복소수 α와 β에 대하여 다음 부등 식을 고려해보자.

$$\alpha C_0(z) - \beta C_1(z)|^2 \ge 0 \tag{12}$$

위 식에서 4는 평균 전력을 결정하는 항으로 다 식 (12)을 전개하면 다음 결과를 얻을 수 있다.

$$\begin{aligned} &|\alpha|^2 |C_0(z)|^2 + |\beta|^2 |C_1(z)|^2 \\ &\geq \alpha \beta^* C_0(z) C_1^*(z) + \alpha^* \beta C_0^*(z) C_1(z) \end{aligned}$$

위 식에  $\alpha = d_p d_q^{\prime} / |d_p|$ ,  $\beta = |d_p|$ 를 대입하면 다음 부등 식을 얻을 수 있다.

$$\begin{split} |d_{q}|^{2}|C_{0}(z)|^{2}+|d_{p}|^{2}|C_{1}(z)|^{2} \\ \geq d_{p}d_{q}^{*}C_{0}(z)C_{1}^{*}(z)+d_{p}^{*}d_{q}C_{0}^{*}(z)C_{1}(z) \end{split}$$

따라서 식 (11)의 B는 다음을 만족한다.

$$B \le |d_a|^2 |C_0(z)|^2 + |d_b|^2 |C_1(z)|^2 \tag{13}$$

전력 포락선  $P_m^{(2)}(t) = (A+B)/(20N)$  이므로

$$\begin{split} P_m^{(2)}(t) &\leq \frac{|d_p|^2 + |d_q|^2}{20N} \left\{ |C_0(z)|^2 + |C_1(z)|^2 \right\} \\ &= \left( |d_p|^2 + |d_q|^2 \right) / 10 \end{split} \tag{14}$$

의 관계를 도출할 수 있다. 따라서 식 (10)과 (14) 로부터

$$PF_m^{(2)} \le 2, \ \forall m \tag{15}$$

의 결론을 얻게 된다. 한편, 모든 심볼 조합을 대상 으로 전력 포락선의 최대값을 구하고, 또 모든 조합 이 동일한 확률로 전송된다고 가정하여 평균 전력 값을 구하여 비로 나타낸 *PF<sub>U</sub>* 값은 표 1에서 심볼 조합의 집합 *D<sub>s</sub>*에 해당하는 전력 변이도인 *PF<sub>U</sub>*=3.6 으로 주어진다.

앞에서 고찰한 것처럼 서로 다른 전력 포락선은 60개가 존재하지만, 계산 결과  $\max P_m^{(2)}(t)$  값은 16 가지의 서로 다른 값만을 나타내었다. 그림 4는 전 력 포락선의 최대값인  $\max P_m^{(2)}(t)$ 의 누적 확률 분포 (CDF: Cumulative Distribution Function)를 나타낸



그림 4. K=2일 때 max  $P_m^{(2)}(t)$ 의 누적 확률 분포 것이다. 표 1과 그림 4로부터 최대 순간 전력이 3.6 (5.56dB)인 16가지 경우를 제외하면 PF<sub>U</sub> 값을 2.7805 (4.44dB)로 감소시킬 수 있다는 것을 알 수 있다. 최대 순간 전력이 3.6이 되는 경우는 네와 네 가 모두 그림 2의 가장 바깥쪽 원에 위치하는 경우 에 해당한다. 이런 심볼 조합을 방지하기 위하여 부 호화 율이 15/16보다 작거나 같은 부호기를 설계할 수 있다는 것을 표 1과 그림 4의 누적 확률 분포로 부터 알 수 있다. 실제 구현할 때는 8비트의 정보 블록을 입력 받기 때문에 7/8의 부호화율을 가진 부호화기를 설계할 수 있을 것이다. 또 PFu를 2 (3dB) 이하로 낮추기 위해서는 이론적으로 부호화 율이 11/16보다 작거나 같은 부호기가 필요하다는 결론을 얻을 수 있다. 역시 실제 구현할 경우 5/8의 부호화율이 최대값이 된다.

이제 동일한 전력 포락선, 또는 같은 전력 변이 도를 유발하는 전송 심볼 조합 사이의 관계를 고찰 해 보자. 그림 5는 동일한  $\max P_m^{(2)}(t)$ 를 갖는  $\Psi_m$ 을 도시한 것이다. 예를 들어  $\Psi_{s1}$ 은  $d_0$ 가 5번 심볼,  $d_1$ 이 1번 심볼에 해당하는 조합을 의미한다. 그림에서 실선은  $(|d_p|^2, |d_q|^2)$ 이 (2,10)인 경우이고 점선은 (10,2) 의 경우에 해당한다. 그림 5를 관찰해 보면 복소 평면에서  $\Psi_{s1}$ 의 실수 축 대칭, 허수 축 대칭, 그리 고 한 대각선 대칭에 의해 모두 8개의  $\Psi_m$ 이 동일 한  $\max P_m^{(2)}(t)$ 를 갖게 된다는 것을 알 수 있다. 이 러한 현상은 16가지 서로 다른  $\max P_m^{(2)}(t)$ 에 해당 하는 각각의  $\Psi_m$  조합 속에서 일관되게 나타났다. 예외는  $\Psi_m$ 이 대각선에 위치할 경우로 대칭축 변환 에 의해 8개가 아니라 4개의  $\Psi_m$ 이 동일한 최대 전 력을 유발하였다.



그림 5. 동일한  $\max P_m^{(2)}(t)$ 를 갖는  $\Psi_m$ 



한편, 그림 5에 나타낸  $\Psi_m$ 에 의해 발생되는 전 력 포락선을 나타낸 그림 6을 관찰해 보면,  $\Psi_{81}$ 을 원점에 대하여 회전하여 얻을 수 있는  $\Psi_{81}$ ,  $\Psi_{118}$ ,  $\Psi_{220}$ ,  $\Psi_{251}$ 은 완전히 동일한 전력 포락선을 나타내는 것을 발견할 수 있다. 따라서 동일한 전력 변이도를 나타내게 된다. 이것은 식 (11)에 의해 주어지는 *B* 항이  $d_p d_q^r$ 로 구성되어 있고  $d_p = r_p e^{i\theta_p}$ ,  $d_q = r_q e^{i\theta_q}$ 로 나타내면  $d_p d_q^r$ 는  $r_p r_q e^{i(\theta_p - \theta_q)}$ 로 표현되어  $d_p$ 와  $d_q$ 의 상대적 각도 차이에 의해서만 *B*가 결정되기 때문이 다. 대각선 대칭에 의한 조합은 원래 전력 포락선과 t/T = 0.5에서 대칭을 이루게 된다. 또 흥미로운 사 실은 5→1에 해당하는  $\Psi_{81}$ 과 1→5에 해당하는  $\Psi_{21}$ 이 같은 최대 순시 전력을 내지 않지만, 1의 원점 대 칭인 11에서 출발하여 5로 되돌아가는, 즉, 11→5에 해당하는 Ψ<sub>181</sub>은 Ψ<sub>81</sub>과 동일한 최대 순시 전력을 유 발한다는 것이다. 그림 6에 나타낸 전력 포락선에서 는 이렇게 반대 방향으로 만들어진 Ψ<sub>m</sub>은 AC 성분 이 순방향과 비교하여 반대 부호를 갖는다는 것을 관찰할 수 있다. 이러한 현상 역시 16개의 서로 다른 maxP<sup>(2)</sup><sub>m</sub>(t)를 유발하는 심볼 조합들의 집합에 서 모두 동일하게 발견되었다. 이러한 현상에 대한 엄밀한 분석은 향후 연구 과제 가운데 하나이다.

한편 MC-CDMA 신호가 아닌 OFDM 신호를 대 상으로 하고, 이진 상보형 수열을 이용하여 16-QAM 전송 심볼을 대역확산 시키는 대신 16-QAM 상보 형 수열을 진폭 변이도 감소 부호로 사용한 참고문 헌 [9]의 결과와 본 논문의 결과가 유사한 진폭 변 이도 특성을 보이고 있기 때문에, 이 두 시스템 사 이의 관계도 분석해 볼 필요가 있다.

# Ⅳ. 결 론

본 논문은 16-QAM 변조 기법을 적용한 MC-CDMA 시스템에 이진 상보형 수열 쌍을 대역 확산 부호로 사용한 신호의 전력 포락선 분석을 통하여, 각각의 전송 심볼 조합에 대해 전력 변이도가 항상 2.0 (3dB) 이하로 제한된다는 것을 보였다. 또 모든 전송 심볼을 기준으로 계산된 전력 변이도는 3.6 (5.56dB) 보다 작으며 7/8의 부호화율을 가진 부호 화기를 통해 2.7805 (4.44dB)로 제한될 수 있다는 것을 보였다. 또 두 심볼 조합을 복소 평면에서 벡 터로 도시하여 직관적인 동치 변환 (equivalent transform)을 제시하고, 이러한 변환에 의한 전력 포락선은 시간축의 대칭 또는 이동 등을 통해 동일 한 전력 포락선을 갖게 된다는 것을 고찰하였다. 향후 다중 부호의 개수를 증가시켰을 때 전력 포락 선 특성을 연구할 필요가 있다.

# 참 고 문 헌

- W. Rudin, "Some theorems on Fourier coefficients," in *Proc. Ame. Mathematics Society*, vol. 10, Dec. 1959, pp.855-859
- D. J. Newman, "L1 extrimal problem for polynomials," in *Proc. Ame. Mathematics Society*, vol. 16, Dec. 1965, pp. 1287-1290
- [3] R. Sivaswamy, "Digital and analog sub-

complementary sequences for pulse compression," *IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst.*, vol. AES-14, pp. 343-350, Mar. 1978

- [4] J. A. C. Binghum, "Multicarrier modulation for data transmission," *IEEE Commun. Mag.*, vol. 28, pp. 5-14, 1990
- [5] L. Hanzo, W.T. Web, and T. Keller, "Singleand Multi-carrier Quadrature Amplitude Modulation," New York, IEEE Press-Wiley, 2000
- [6] A. E. Jones, T. A. Wilkinson, and S. K. Barton, "Block coding scheme for reduction of peak to mean envelope power ratio of multicarrier transmission schemes," *Electron. Lett.*, vol. 30, pp. 2098-2099, Dec., 1994
- [7] J. A. Davis and J. Jedwab, "Peak-to-mean power control in OFDM, Golay complementary sequences, and Reed-Muller codes," *IEEE Trans. Inform. Theory*, vol. 45, pp. 2397-2417, Nov. 1999
- [8] M. J. Golay, "Complementary series," *IRE Trans. Inform. Theory*, vol. 7, pp. 82-87, Apr. 1961
- C. C. Chong, R. Venjataramani, and V. Tarokh, "A new construction of 16-QAM Golay complementary sequences," *IEEE Trans. Inform. Theory*, vol. 49, pp. 2953-2959, Nov. 2003
- H. Lee and S. W. Golomb, "A new construction of 64-QAM Golay complementary sequences," *IEEE Trans. Inform. Theory*, vol. 52, pp. 1663-1670, Apr. 2006
- [11] L. Hanzo, M. Munster, B. J. Choi and T. Keller, "Ch 11: Advanced peak factor reduction techniques" in "OFDM and MC-CDMA for broadband multi-user communications, WLANs and broadcasting," IEEE Press - Wiley, 2003
- B. J. Choi and L. Hanzo, "Crest factors of complementary-sequence based multicode MC-CDMA signals," *IEEE Tr. Wireless. Comm.*, vol. 2, pp. 1114-1119, Nov. 2003
- [13] S. Boyd, "Multitone signals with low crest factor," *IEEE Trans. Circuits Syst.*, vol. 33, pp. 1018-1022, Oct. 1986
- [14] 강군석, 김수영, 오덕길, 김재명, "MC-CDMA에 서 PAPR 감소를 위한 복잡도가 감소된 부분 전

송열 기법과 비선형 고출력 증폭기에 의한 성능 분석", 한국통신학회논문지, vol. 28, no. 5A, 2003

- [15] 주양익, 이연우, 차군현, "OFDM-CDMA 시스템
   에서 새로운 PAPR 감쇄기법", 한국통신학회 논
   문지, vol. 25, no. 7B, 2000
- [16] 송형규, 국형준, "MIMO-OFDM 시스템에서 간 략화된 PAR 감쇄기법", 한국통신학회 논문지, vol. 30, no. 12C, 2005

최 병 조 (Byoung-Jo Choi)



1990년 2월 한국과학기술원 전 기및전자공학과 졸업 1992년 2월 한국과학기술원 전 기및전자공학과 석사 2002년 5월 University of Southampton, 전기전자및 컴퓨터공학과 박사 1992년 2월~2005년 2월 LG전자

정회원

이동통신연구소 책임연구원

- 2005년 3월~현재 인천대학교 정보기술대학 멀티미디 어시스템공학과 전임강사
- <관심분야> OFDM, Adaptive Modulation, Crest Factor Reduction, 임베디드시스템